



I'm not a robot



Continue

Ejercicios de estadística resueltos paso a paso

1. En este documento vamos a explicar, paso a paso, cómo vamos a realizar los ejercicios, relacionados con la material de estadística, que hemos propuesto. Actividades de estadística y TIC's Seminario 5 María del Carmen Barrera Villalba 2. ACTIVIDADES DE ESTADÍSTICA Y TIC'S | SEMINARIO 5 Página1 Vamos a definir algunos conceptos necesarios para poder realizar los ejercicios que se van a proponer a continuación. Frecuencia absoluta: número de veces que se repite un dato (x_i). Frecuencia absoluta acumulada (F_a): es la suma de las frecuencias absolutas de todos los valores inferiores o iguales al valor considerado. Frecuencia relativa: es la frecuencia absoluta dividida por el número total de elementos N . Frecuencia relativa acumulada (F_r): es la suma de las frecuencias relativas de todos los valores inferiores o iguales al valor considerado. Porcentaje: la frecuencia porcentual del un valor en relación con otros valores. Porcentaje acumulado: la frecuencia porcentual, sumando el valor del porcentaje de la categoría anterior. Dato estadístico (x_i): dato o variable. Media aritmética (\bar{x}): es el valor obtenido al sumar todos los datos y dividir el resultado entre el número total de datos. Mediana (M_e): es el valor que ocupa el lugar central de todos los datos cuando éstos están ordenados de menor a mayor. Moda (M_o): dato que tiene mayor frecuencia absoluta. Rango (R): es el intervalo entre el valor máximo y el valor mínimo. Varianza (s^2): es la media aritmética del cuadrado de las desviaciones respecto a la media de una distribución estadística. Desviación típica (s): es la raíz cuadrada de la varianza de la variable. Comenzamos pues con los ejercicios propuestos que se vamos a describir. De un examen realizado a un grupo de alumnos cuyas notas se han evaluado del 1 al 10, se ha obtenido la siguiente tabla estadística. X_i fa fr pi Fa Fr Pi 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 3 4 9 5 7 2 0,06 0,16 0,18 0,14 15 29 35 47 N= Se pide: A) Nº de alumnos que se han examinado (N). Para hallar N hemos realizado la ecuación $fr = fa/N$, despejamos N para que la ecuación se quede como $N = fa/fr$ por lo que: $N = 3/0,06 = 50$. B) Acabar de llenar la tabla estadística. 3. ACTIVIDADES DE ESTADÍSTICA Y TIC'S | SEMINARIO 5 Página2 En primer lugar vamos a terminar de completar la columna de la frecuencia absoluta. Para ello, haremos distintos cálculos combinando las columnas de la frecuencia absoluta (fa) y frecuencia absoluta acumulada (F_a). Describiremos cómo hemos calculado los datos que faltan en la columna fa . $fa(x_{i3}) = Fa(x_{i3}) - fa(x_{i1}) - fa(x_{i2}) = 15 - 3 - 4 = 8$ $fa(x_{i6}) = Fa(x_{i6}) - fa(x_{i1}) - fa(x_{i2}) - fa(x_{i3}) - fa(x_{i4}) - fa(x_{i5}) = 35 - 3 - 4 - 8 - 9 - 5 = 6$ $fa(x_{i8}) = Fa(x_{i8}) - fa(x_{i1}) - fa(x_{i2}) - fa(x_{i3}) - fa(x_{i4}) - fa(x_{i5}) - fa(x_{i6}) - fa(x_{i7}) = 35 - 3 - 4 - 8 - 9 - 5 = 6$ $fa(x_{i10}) = Fa(x_{i10}) - [Fa(x_{i8}) + fa(x_{i9})] = 50 - (47+2) = 1$ La columna de la frecuencia absoluta quedaría completada, tal que así: Xi fa 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 3 4 8 9 5 6 7 5 2 1 N=50 Ahora calcularemos los datos que falta en la columna de la frecuencia relativa. Tendremos que utilizar los datos de la columna de la frecuencia absoluta, perteneciente a cada dato estadístico, y lo dividiremos entre el número total de datos (N). $Fr(x_{i2}) = fa(x_{i2}) / N = 4/50 = 0.08$ $Fr(x_{i5}) = fa(x_{i5}) / N = 5/50 = 0.1$ $Fr(x_{i6}) = fa(x_{i6}) / N = 6/50 = 0.12$ $Fr(x_{i8}) = fa(x_{i8}) / N = 5/50 = 0.1$ $Fr(x_{i10}) = fa(x_{i10}) / N = 1/50 = 0.02$ El porcentaje lo calcularemos multiplicando la frecuencia relativa de cada dato estadístico por 100. Xi fa fr 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 3 4 8 9 5 6 7 5 2 1 0.06 0.08 0.16 0.18 0.1 0.12 0.14 0.1 0.04 0.02 N=50 1 4. ACTIVIDADES DE ESTADÍSTICA Y TIC'S | SEMINARIO 5 Página3 pi(x_{i1}) = fr(x_{i1}) * 100 = 0.06 * 100 = 6% pi(x_{i2}) = fr(x_{i2}) * 100 = 0.08 * 100 = 8% pi(x_{i3}) = fr(x_{i3}) * 100 = 0.16 * 100 = 16% pi(x_{i4}) = fr(x_{i4}) * 100 = 0.18 * 100 = 18% pi(x_{i5}) = fr(x_{i5}) * 100 = 0.1 * 100 = 10% pi(x_{i6}) = fr(x_{i6}) * 100 = 0.12 * 100 = 12% pi(x_{i7}) = fr(x_{i7}) * 100 = 0.14 * 100 = 14% pi(x_{i8}) = fr(x_{i8}) * 100 = 0.1 * 100 = 10% pi(x_{i9}) = fr(x_{i9}) * 100 = 0.04 * 100 = 4% pi(x_{i10}) = fr(x_{i10}) * 100 = 0.02 * 100 = 2% La confesión de esta columna se visualizaría así: Xi fa fr pi (%) 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 3 4 8 9 5 6 7 5 2 1 0.06 0.08 0.16 0.18 0.1 0.12 0.14 0.1 0.04 0.02 N=50 1 100 Ahora completaremos la columna de la frecuencia absoluta acumulada. Para realizar esta tarea, sumaremos las frecuencias absolutas de todos los valores inferiores o iguales al valor del dato estadístico que queremos calcular. $Fa(x_{i1}) = fa(x_{i1}) = 3$ $Fa(x_{i2}) = fa(x_{i1}) + fa(x_{i2}) = 3 + 4 = 7$ $Fa(x_{i3}) = fa(x_{i1}) + fa(x_{i2}) + fa(x_{i3}) = 3 + 4 + 8 = 15$ $Fa(x_{i4}) = fa(x_{i1}) + fa(x_{i2}) + fa(x_{i3}) + fa(x_{i4}) = 3 + 4 + 8 + 9 = 24$ $Fa(x_{i5}) = fa(x_{i1}) + fa(x_{i2}) + fa(x_{i3}) + fa(x_{i4}) + fa(x_{i5}) = 3 + 4 + 8 + 9 + 5 = 29$ $Fa(x_{i6}) = fa(x_{i1}) + fa(x_{i2}) + fa(x_{i3}) + fa(x_{i4}) + fa(x_{i5}) + fa(x_{i6}) = 3 + 4 + 8 + 9 + 5 + 6 = 35$ $Fa(x_{i7}) = fa(x_{i1}) + fa(x_{i2}) + fa(x_{i3}) + fa(x_{i4}) + fa(x_{i5}) + fa(x_{i7}) = 3 + 4 + 8 + 9 + 5 + 7 = 42$ $Fa(x_{i8}) = fa(x_{i1}) + fa(x_{i2}) + fa(x_{i3}) + fa(x_{i4}) + fa(x_{i5}) + fa(x_{i8}) = 3 + 4 + 8 + 9 + 5 + 6 + 7 = 47$ $Fa(x_{i9}) = fa(x_{i1}) + fa(x_{i2}) + fa(x_{i3}) + fa(x_{i4}) + fa(x_{i5}) + fa(x_{i9}) = 3 + 4 + 8 + 9 + 5 + 6 + 7 + 5 = 49$ $Fa(x_{i10}) = fa(x_{i1}) + fa(x_{i2}) + fa(x_{i3}) + fa(x_{i4}) + fa(x_{i5}) + fa(x_{i10}) = 3 + 4 + 8 + 9 + 5 + 6 + 7 + 5 + 2 + 1 = 50$ 5. ACTIVIDADES DE ESTADÍSTICA Y TIC'S | SEMINARIO 5 Página4 La tabla quedaría rellena así: Continuamos añadiendo los datos que faltan en la columna de la frecuencia relative acumulada. Sumanremos las frecuencias relativas de todos los valores inferiores o iguales al valor del dato estadístico que queremos calcular. $Fr(x_{i1}) = fr(x_{i1}) = 0.06$ $Fr(x_{i2}) = fr(x_{i1}) + fr(x_{i2}) = 0.06 + 0.08 = 0.14$ $Fr(x_{i3}) = fr(x_{i1}) + fr(x_{i2}) + fr(x_{i3}) = 0.06 + 0.08 + 0.16 = 0.3$ $Fr(x_{i4}) = fr(x_{i1}) + fr(x_{i2}) + fr(x_{i3}) + fr(x_{i4}) = 0.06 + 0.08 + 0.16 + 0.08 = 0.48$ $Fr(x_{i5}) = fr(x_{i1}) + fr(x_{i2}) + fr(x_{i3}) + fr(x_{i4}) + fr(x_{i5}) = 0.06 + 0.08 + 0.16 + 0.12 = 0.58$ $Fr(x_{i6}) = fr(x_{i1}) + fr(x_{i2}) + fr(x_{i3}) + fr(x_{i4}) + fr(x_{i6}) = 0.06 + 0.08 + 0.16 + 0.12 + 0.06 = 0.4$ $Fr(x_{i7}) = fr(x_{i1}) + fr(x_{i2}) + fr(x_{i3}) + fr(x_{i4}) + fr(x_{i5}) + fr(x_{i7}) = 0.06 + 0.08 + 0.16 + 0.12 + 0.06 + 0.14 = 0.54$ $Fr(x_{i8}) = fr(x_{i1}) + fr(x_{i2}) + fr(x_{i3}) + fr(x_{i4}) + fr(x_{i5}) + fr(x_{i8}) = 0.06 + 0.08 + 0.16 + 0.12 + 0.06 + 0.18 = 0.6$ $Fr(x_{i9}) = fr(x_{i1}) + fr(x_{i2}) + fr(x_{i3}) + fr(x_{i4}) + fr(x_{i5}) + fr(x_{i9}) = 0.06 + 0.08 + 0.16 + 0.12 + 0.06 + 0.2 = 0.64$ $Fr(x_{i10}) = fr(x_{i1}) + fr(x_{i2}) + fr(x_{i3}) + fr(x_{i4}) + fr(x_{i5}) + fr(x_{i10}) = 0.06 + 0.08 + 0.16 + 0.12 + 0.06 + 0.22 = 0.68$ 1 N=50 1 100 Xi fa fr pi (%) 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 3 4 8 9 5 6 7 5 2 1 0.06 0.08 0.16 0.18 0.1 0.12 0.14 0.1 0.04 0.02 N=50 1 100 6. ACTIVIDADES DE ESTADÍSTICA Y TIC'S | SEMINARIO 5 Página5 Ahora completaremos los datos de la columna del porcentaje acumulado. Tendremos que sumar los porcentajes de todos los valores inferiores o iguales al valor del dato estadístico que queremos calcular. $Pi(x_{i1}) = pi(x_{i1}) = 6%$ $Pi(x_{i2}) = pi(x_{i1}) + pi(x_{i2}) = 6 + 8 = 14%$ $Pi(x_{i3}) = pi(x_{i1}) + pi(x_{i2}) + pi(x_{i3}) = 6 + 8 + 16 = 30%$ $Pi(x_{i4}) = pi(x_{i1}) + pi(x_{i2}) + pi(x_{i3}) + pi(x_{i4}) = 6 + 8 + 16 + 18 = 48%$ $Pi(x_{i5}) = pi(x_{i1}) + pi(x_{i2}) + pi(x_{i3}) + pi(x_{i4}) + pi(x_{i5}) = 6 + 8 + 16 + 18 + 10 = 58%$ $Pi(x_{i6}) = pi(x_{i1}) + pi(x_{i2}) + pi(x_{i3}) + pi(x_{i4}) + pi(x_{i6}) = 6 + 8 + 16 + 18 + 12 = 70%$ $Pi(x_{i7}) = pi(x_{i1}) + pi(x_{i2}) + pi(x_{i3}) + pi(x_{i4}) + pi(x_{i5}) + pi(x_{i7}) = 6 + 8 + 16 + 18 + 12 + 14 = 84%$ $Pi(x_{i8}) = pi(x_{i1}) + pi(x_{i2}) + pi(x_{i3}) + pi(x_{i4}) + pi(x_{i5}) + pi(x_{i8}) = 6 + 8 + 16 + 18 + 12 + 14 + 10 = 94%$ $Pi(x_{i9}) = pi(x_{i1}) + pi(x_{i2}) + pi(x_{i3}) + pi(x_{i4}) + pi(x_{i6}) + pi(x_{i9}) = 6 + 8 + 16 + 18 + 10 + 4 = 98%$ $Pi(x_{i10}) = pi(x_{i1}) + pi(x_{i2}) + pi(x_{i3}) + pi(x_{i4}) + pi(x_{i5}) + pi(x_{i10}) = 6 + 8 + 16 + 18 + 10 + 12 + 14 + 10 + 4 + 2 = 100%$ La tabla totalmente completada es la siguiente: Xi fa fr pi (%) Fa Fr Pi (%) 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 3 4 8 9 5 6 7 5 2 1 0.06 0.08 0.16 0.18 0.1 0.12 0.14 0.1 0.04 0.02 N=50 1 100 C) Nº de alumnos que han obtenido una nota superior a 3. Los alumnos que han obtenido una nota del 1 al 3 son una total de 15, mientras que los que han obtenido una nota del 4 al 10 son el total menos 15 que serían 35 alumnos. D) % de alumnos que han obtenido una nota igual a 6. Un 12 % de los alumnos que han sacado una nota superior a 4. 7. ACTIVIDADES DE ESTADÍSTICA Y TIC'S | SEMINARIO 5 Página6 Un 52% de los alumnos han sacado una nota superior a 4. F) Nº de alumnos que han obtenido una nota superior a 2 e inferior a 5. Un total de 17 alumnos. G) Calcula la media aritmética, la mediana y moda. Media aritmética = $(X_i \cdot fa) / N = 249/50 = 4.98$ Mediana=1,1,1,2,2,2,3,3,3,3,3,4,4,4,4,4,4,5,5,5,5,6,6,6,6,7,7,7,7,7,8,8,8,8,9,9,10. La mediana es 5. Moda es 4. H) Halla el rango, la varianza y la desviación típica. Rango= Xi máx - Xi min= 10 - 1 = 9 Varianza= 5.2196 Desviación típica= raíz cuadrada de la varianza= $\sqrt{5.2196} = 2.284644392$

